

# Inferensi



- Inferensi:
  - Proses penarikan kesimpulan
  - Kesimpulan harus benar  
**(TAUTOLOGI)**

# Kaidah Inferensi



- Ada 7 kaidah
  - A. Modus Ponens / Law of detachment
  - B. Modus Tollen
  - C. Silogisme Hipotesis
  - D. Silogisme disjunctive
  - E. Simplifikasi
  - F. Penjumlahan
  - G. Konjungsi

# A. Modus Ponen

- p dan q adalah proposisi
- Dasar: Tautologi  $(p \wedge (p \rightarrow q)) \rightarrow q$
- $p$  dan  $p \rightarrow q$  adalah hipotesis
- $q$  adalah konklusi
- Kaidah Modus Ponen ditulis sbb:

$$\frac{p \rightarrow q}{\begin{array}{c} p \\ \hline \therefore q \end{array}}$$

- Operator  $\therefore$  dibaca “Jadi” atau “karena itu”
- Modus ponen menyatakan :
  - jika hipotesis  $p$  dan hipotesis  $p \rightarrow q$  benar maka  $q$  juga benar

# Contoh Modus Ponen

- Misalkan:
  - Implikasi“:
    - “Jika 20 habis dibagi 2,maka 20 adalah bilangan genap”
  - Hipotesis:
    - “20 habis dibagi 2”

} benar

- Maka menurut modus ponen, inferensi berikut :
 

“Jika 20 habis dibagi 2, maka 20 adalah bilangan genap”.  
 “20 habis dibagi 2”.  
 Karena itu, 20 adalah bilangan genap”

- Cara Penulisannya

**Jika** 20 habis dibagi 2, **maka** 20 adalah bilangan genap  
 20 habis dibagi 2

$$\frac{p \rightarrow q}{\therefore q}$$

---

∴ 20 adalah bilangan genap **ADALAH BENAR**

## B. Modus Tollen

- p dan q adalah proposisi
- Dasar: Tautologi  $(\sim q \wedge (p \rightarrow q)) \rightarrow \sim p$
- Kaidah Modus Tollen ditulis sbb:

$$\begin{array}{c} p \rightarrow q \\ \sim q \\ \hline \therefore \sim p \end{array}$$

# Contoh Modus Tollen

- Misalkan
  - Implikasi:
    - “Jika  $n$  bilangan ganjil, maka  $n^2$  bernilai ganjil”
  - dan hipotesis:
    - “ $n^2$  bernilai genap”
  - keduanya benar.
- Maka menurut modus tollen, inferensi berikut:

Jika  $n$  bilangan ganjil, maka  $n^2$  bernilai ganjil  
 $n^2$  bukan bilangan ganjil

$$\begin{array}{c}
 p \rightarrow q \\
 \sim q \\
 \hline
 \therefore \sim p
 \end{array}$$

---

$\therefore n$  bukan bilangan ganjil adalah **BENAR**

## C. Silogisme Hipotesis

- p dan q adalah proposisi
- Dasar: Tautologi  $(p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow r)) \rightarrow (p \rightarrow r)$
- Kaidah silogisme hipotesis ditulis sbb:

$$\begin{array}{c} p \rightarrow q \\ q \rightarrow r \\ \hline \therefore p \rightarrow r \end{array}$$

# Contoh Silogisme Hipotesis

- Hipotesis 1:
  - “Jika saya bangun pagi maka saya berolah raga”
- Hipotesis 2:
  - “Jika saya berolah raga maka saya sehat”

- Menurut silogisme hipotesis:

“Jika saya bangun pagi maka saya berolah raga”

“Jika saya berolah raga maka saya sehat”

$$\begin{array}{c} p \rightarrow q \\ q \rightarrow r \\ \hline \therefore p \rightarrow r \end{array}$$

---

∴ Jika saya bangun pagi maka saya sehat

## D. Silogisme Disjungtif

- p dan q adalah proposisi
- Dasar: Tautologi  $((p \vee q) \wedge \sim p) \rightarrow q$
- Kaidah silogisme disjungtif ditulis sbb:

$$\frac{p \vee q}{\begin{array}{c} \sim p \\ \therefore q \end{array}}$$

# Contoh silogisme disjungsi

- Hipotesis 1:
  - “Saya melanjutkan kuliah atau saya berwirasta”
- Hipotesis 2:
  - “Saya tidak melanjutkan kuliah”
- Menurut silogisme disjungsi
 

“Saya melanjutkan kuliah atau saya berwirasta”

“Saya tidak melanjutkan kuliah”

---

$\therefore$  saya berwiraswasta

$$\begin{array}{c}
 p \vee q \\
 \sim p \\
 \hline
 \therefore q
 \end{array}$$