

Inferensi



- Inferensi:
 - Proses penarikan kesimpulan
 - Kesimpulan harus benar
(TAUTOLOGI)

Kaidah Inferensi



- Ada 7 kaidah
 - A. Modus Ponens / Law of detachment
 - B. Modus Tollens
 - C. Silogisme Hipotesis
 - D. Silogisme disjunctive
 - E. Simplifikasi
 - F. Penjumlahan
 - G. Konjungsi

A. Modus Ponens

- p dan q adalah proposisi
- Dasar: Tautologi $(p \wedge (p \rightarrow q)) \rightarrow q$
- p dan $p \rightarrow q$ adalah hipotesis
- q adalah konklusi
- Kaidah Modus Ponens ditulis sbb:

$$\boxed{\begin{array}{c} p \rightarrow q \\ p \\ \hline \therefore q \end{array}}$$

- Operator \therefore dibaca “Jadi” atau “karena itu”
- Modus ponens menyatakan :
 - jika hipotesis p dan hipotesis $p \rightarrow q$ benar maka q juga benar

Contoh Modus Ponens

- Misalkan:
 - Implikasi:
 - “Jika 20 habis dibagi 2, maka 20 adalah bilangan genap”
 - Hipotesis:
 - “20 habis dibagi 2”

} *benar*

- Maka menurut modus ponens, inferensi berikut :
 - “Jika 20 habis dibagi 2, maka 20 adalah bilangan genap”.
 - “20 habis dibagi 2”.
 - Karena itu, 20 adalah bilangan genap”

- Cara Penulisannya

Jika 20 habis dibagi 2, **maka** 20 adalah bilangan genap
20 habis dibagi 2

∴ 20 adalah bilangan genap **ADALAH BENAR**

$$\begin{array}{r} p \rightarrow q \\ p \\ \hline \therefore q \end{array}$$

B. Modus Tollen

- p dan q adalah proposisi
- Dasar: Tautologi $(\sim q \wedge (p \rightarrow q)) \rightarrow \sim p$
- Kaidah Modus Tollen ditulis sbb:

$$\begin{array}{c} p \rightarrow q \\ \sim q \\ \hline \therefore \sim p \end{array}$$

Contoh Modus Tollen

- Misalkan
 - Implikasi:
 - “Jika n bilangan ganjil, maka n^2 bernilai ganjil”
 - dan hipotesis:
 - “ n^2 bernilai genap”
 - keduanya benar.
- Maka menurut modus tollens, inferensi berikut:

Jika n bilangan ganjil, maka n^2 bernilai ganjil
 n^2 bukan bilangan ganjil

$\therefore n$ bukan bilangan ganjil adalah **BENAR**

$$\begin{array}{r} p \rightarrow q \\ \sim q \\ \hline \therefore \sim p \end{array}$$

C. Silogisme Hipotesis

- p dan q adalah proposisi
- Dasar: Tautologi $(p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow r)$
- Kaidah silogisme hipotesis ditulis sbb:

$ \begin{array}{c} p \rightarrow q \\ q \rightarrow r \\ \hline \therefore p \rightarrow r \end{array} $

Contoh Silogisme Hipotesis

- Hipotesis 1:
 - “Jika saya bangun pagi maka saya berolah raga”
- Hipotesis 2:
 - “Jika saya berolah raga maka saya sehat”
- Menurut silogisme hipotesis:
 - “Jika saya bangun pagi maka saya berolah raga”
 - “Jika saya berolah raga maka saya sehat”

$$\begin{array}{l} p \rightarrow q \\ q \rightarrow r \\ \hline \therefore p \rightarrow r \end{array}$$

\therefore Jika saya bangun pagi maka saya sehat

D. Silogisme Disjungtif

- p dan q adalah proposisi
- Dasar: Tautologi $((p \vee q) \wedge \sim p) \rightarrow q$
- Kaidah silogisme disjungtif ditulis sbb:

$$\boxed{\begin{array}{c} p \vee q \\ \sim p \\ \hline \therefore q \end{array}}$$

Contoh silogisme disjungsi

- Hipotesis 1:
 - “Saya melanjutkan kuliah atau saya berwirasta”
- Hipotesis 2:
 - “Saya tidak melanjutkan kuliah”
- Menurut silogisme disjungsi
 - “Saya melanjutkan kuliah atau saya berwirasta”
 - “Saya tidak melanjutkan kuliah”

\therefore saya berwiraswasta

$ \begin{array}{r} p \vee q \\ \sim p \\ \hline \therefore q \end{array} $
